複變數函數論 P.1

以下分為兩種分類，OCW分類根據OCW網站的課程分類，每一講歸為一類；筆記分類根據筆記註記的章節標題與編號分類。

【OCW分類】

L1 解析函數 P.2~P.8

L2 柯西定理和柯西積分公式 P.9~P.15

L3 冪級數展開、Liouville定理、代數基本定理、解析函數的零點 P.16~P.23

L4 解析函數的零點、恆等定理、單複變和多複變的差異、Morera定理、Schwarz反射原理、奇異點 P.23~P.30

L5 平均值定理、最大模原理、擴充複平面、黎曼定理、極點、亞純函數、本質奇異點、皮卡小定理 P.31~P.36

L6 Casorati-Weierstrass定理、皮卡定理、留數的定義和計算 P.37~P.44

L7 利用路徑積分和留數定理計算實數軸上的積分 P.45~P.49

L8 路徑積分例題、Sohotsky (or Plemelj) 公式 P.50~P.58

L9 對數函數、複數的複數次方、路徑積分例題 P.59~P.66

L10 H. Cartan定理、Schwarz引理 P.66~P.67

L11 Laurent級數、輻角原理、Rouché定理、Hurwitz定理 P.68~P.76

L12 Hurwitz定理、開映射定理、一對一函數的行為、Darboux-Picard定理 P.76~P.84

L13 一對一函數、Darboux-Picard定理、最大模原理的推廣 P.85~P.93

L14 Carathéodory定理、調和函數、調和共軛 P.93~P.103

L15 調和函數的平均值定理和最大值原理、平均值性質、Dirichlet問題、Poisson積分公式 P.103~P.109

L16 Poisson積分於Dirichlet問題的應用、調和函數的平均值性質、調和函數的可去奇異點定理 P.110~P.119

L17 irichlet問題的例題、Harnack定理、Harnack不等式、調和函數的Schwarz反射原理、解析同構 P.119~P.127

L18 保角映射、自同構群 P.128~P.135

L19 單位圓盤的自同構群、複平面的自同構群、環帶間的解析同構 P.135~P.139

L21 環帶的自同構群、黎曼映射定理、正規函數族、等度連續、Arzelà-Ascoli定理 P.139~P.146

L22 Arzelà-Ascoli定理、Montel定理、Vitali定理 P.146~P.152

L23 黎曼映射定理、Carathéodory定理、單連通域上的Dirichlet問題 P.153~P.160

L24 單複變和多複變的差異、Poincaré定理、線性分式變換 (莫比烏斯變換) P.161~P.162

L25 線性分式變換 (莫比烏斯變換)、交比、黎曼球上的自同構 P.163~P.171

L26 交比的幾何意義 P.172~P.176

L27 線性分式變換保持對稱、尋找特定區域間的解析同構 P.177~P.183

L28 廣義圓的方向、線性分式變換將實軸送到實軸的充要條件、上半平面的自同構群 P.184~P.187

總整理 P.188~P.192

【筆記分類】

Ch1 From Complex Numbers to Cauchy’s Thm

 1複數與複平面 P.2~P.3

 2全純函數 P.4~P.8

 7,6柯西積分公式 P.9~P.15

Ch2 解析函數

 3泰勒展開 P.16~P18

 7代數基本定理與解析函數的零點 P.19~P.30

 8奇異點（Singularity） P.31~P.44

 9留數定理的應用 P.45~P.52

 9 Sohotsky (or plemelj) formula/(jump formula) P.53~P.59

 10,11對數函數 P.60~P.67

 14 Laurent Series P.68~P72

 12 Argument Principle P.73~P77

 13 Univalence funcitons P.78~P.88

 16 Maximum modulus thm的應用 P.89~P.97

Ch4 Harmonic Functions; Conformal Mapping

 19 調和函數 P.98~P.105

 20,21 Dirichlet problem P.106~P.107

 20,21 Poisson Kernel P.108~P.117

 20 Removable singularity of harmonic functions P.118~P.125

 22 Biholomorphism（解析同構） P.126~P.127

 22 Conformal mapping（保角映射） P.128~P.132

 25 Automorphisms（續）& Mobius transformation P.133~P.144

 28 Riemann mapping Thm P.145~P.160

 黎曼映射定理在多複變不成立 P.161~P.162

 28 Cross ratio and linear fractional transformation P.163~P.166

 Cross ratio（交比） P.167~P.177

 各種區域之同構 P.178~P.183

 Orientation P.184~P.187

複變總整理 P.188~P.192